****

**TOÁN THẦY PHƯỚC – CLB TOÁN HỌC GP KHAI TÂM EDUCATION**

**LỚP: 10A1**

**TÀI LIỆU CỦA: ………………………………………………………………………………………………………..**

**QUY TẮC ĐẾM**

# PHẦN A. LÝ THUYẾT

### 1. QUY TẮC CỘNG VÀ SƠ ĐỒ HÌNH CÂY

*Quy tắc cộng*

*Giả sử một công việc nào đó có thể thực hiện theo một trong hai phương án khác nhau:*

*- Phương án một có  cách thực hiện.*

*- Phương án hai có  cách thực hiện.*

**

*Khi đó số cách thực hiện công việc sẽ là:  cách.*

*Chú ý: Sơ đồ minh họa cách phân chia trường hợp như hình sau*

**

*Được gọi là sơ đồ hình cây.Trong các bài toán đếm, người ta thường dùng sơ đồ hình cây để minh họa, giúp cho việc đếm thuận tiện và không bỏ sót trường hợp.*

*Ta áp dụng quy tắc cộng cho một công việc có nhiều phương án khi các phương án đó phải rời nhau, không phụ thuộc vào nhau (độc lập với nhau)*

**Ví dụ 1.** Một quán phục vụ ăn sáng có bán phở và bún. Phở có 2 loại là phở bò và phở gà. Bún có 3 loại là bún bò, bún riêu cua và bún cá. Một khách hàng muốn chọn một món để ăn sáng. Vẽ sơ đồ hình cây minh hoạ và cho biết khách hàng đó có bao nhiêu cách lựa chọn một món ăn sáng.

**Lời giải**

Ta có sơ đồ hình cây như



Theo quy tắc cộng, số cách chọn một món ăn sáng là:

 (cách).

**Ví dụ 2.** Một bộ cờ vua có 32 quân cờ như



a) Bạn Nam lấy ra tất cả các quân tốt. Hãy đếm xem Nam lấy ra bao nhiêu quân cờ.

b) Bạn Nam lấy ra tất cả các quân cờ trắng và tất cả các quân tốt. Hẩy đếm số quân cờ Nam lấy ra.

**Lời giải**

a)Quân cờ bạn Nam lấy ra có thể thuộc hai loại: màu trắng hoặc màu đen.



- Số quân tốt trắng: 8 quân;

- Số quân tốt đen: 8 quân.

Nam lấy ra:  = 16 (quân cờ).

b) Nam lấy tất cả các quân trẳng và tất cả các quân tốt.

- Đầu tiên ta đếm tất cả các quân cờ trắng, có 16 quân;

- Tiếp theo ta đếm tất cả các quân tốt, có 16 quân tốt.

Vì trong 16 quân tốt có 8 quân tốt trắng đã được đếm nên số quân cờ Nam lấy ra là:

 (quân cờ).

### 2. QUY TẮC NHÂN

*Quy tắc nhân*

*Giả sử một công việc nào đó phải hoàn thành qua hai công đoạn liên tiếp nhau:*

*- Công đoạn một có  cách thực hiện,*

*- Với mỗi cách thực hiện công đoạn một, có  cách thực hiện công đoạn hai.*

*Khi đó số cách thực hiện công việc là:  cách.*

**Ví dụ 3.** Một người muốn mua vé tàu ngồi đi từ Hà Nội vào Vinh. Có ba chuyến tàu là SE5, SE7 và SE35. Trên mỗi tàu có 2 loại vé ngồi khác nhau: ngồi cứng hoặc ngồi mềm. Hỏi có bao nhiêu loại vé ngồi khác nhau đề người đó lựa chọn?

**Lời giải**

Để mua được vé tàu, người đó phải thực hiện hai công đoạn:





Có 3 cách chọn chuyến tàu, với mỗi chuyến tàu có 2 cách chọn vé ngồi. Áp dụng quy tắc nhân, ta có số cách chọn loại vé là:  (cách).

**Chú ý.** Ta cũng có thể dùng quy tắc cộng. Người mua vé có thể lựa chọn một trong ba trường hợp: SE5, SE7 hoặc SE35



Nếu lựa chọn SE5, có hai loại vé: loại vé SE5 ngồi cứng và SE5 ngồi mềm. Tương tự cho trường hợp SE7 và trường hợp SE35.

Mỗi trường hợp có hai loại vé. Tổng cộng có: (cách chọn loại vé).

### 3. KẾT HỢP QUY TẮC CỘNG VÀ QUY TẮC NHÂN

*1 số bài toán chỉ cần áp dụng một quy tắt đếm, tuy nhiên, hầu hết các bài toán đếm trong thực tế sẽ phức tạp hơn và thường phải áp dụng cả hai quy tắc.*

*Chú ý. Quy tắc cộng được áp dụng khi công việc được chia thành các phương án phân biệt (thực hiện một trong các phương án để hoàn thành công việc).*

*Quy tắc nhân được áp dụng khi công việc có nhiều công đoạn nối tiếp nhau (phải thực hiện tất cả các công đoạn để hoàn thành công việc).*

**Ví dụ 4**. Để tổ chức bữa tiệc, người ta chọn thực đơn gồm một món khai vị, một món chính và một món tráng miệng. Nhà hàng đưa ra danh sách: khai vị có 2 loại súp và 3 loại sa lát; món chính có 4 loại thịt, 3 loại cá và 3 loại tôm; tráng miệng có 5 loại kem và 3 loại bánh. Hỏi có thể thiết kế bao nhiêu thực đơn khác nhau?

**Lời giải**

Để chọn thực đơn, ta chia thành 3 công đoạn chọn món.



Công đoạn 1 , chọn món khai vị vì có hai phương án là súp món khai vi hoặc sa lát nên ta áp dụng quy tắc cộng. Số cách chọn là:  (cách).

Công đoạn 2, chọn món chính: tương tự, ta có số cách chọn là: Công đoạn 2, chọn món  (cách).

Công đoạn 3 , chọn món tráng miệng: tương tự, ta có số cách chọn là:  (cách).

Tồng kết, theo quy tắc nhân, số cách chọn thực đơn là:  (cách).

**Ví dụ 5.** Mỗi mật khẩu của một trang web là một dãy có từ 2 tới 3 kỉ tự, trong đó kí tự đầu tiên là một trong 26 chữ cái in thường trong bảng chữ cái tiếng Anh (từ a đến z), mổi kí tự còn lại là một chữ số từ 0 đến 9 . Hỏi có thể tạo được bao nhiêu mật khẩu khác nhau?

**Lời giải**

Ta thấy có hai trường hợp: độ dài của mật khẩu là 2 hoặc 3 ki tự.

- Trường hợp 1: độ dài mật khẩu là 2 kí tự. Chọn từng kí tự và áp dụng quy tắc nhân.

Kí tự đầu tiên có 26 cách chọn trong các chữ cái in thường tiếng Anh.

Kí tự thứ hai có 10 cách chọn trong các chữ số từ 0 đến 9 .

Vậy, theo quy tắc nhân, ta có  cách chọn mật khẩu trong trường hợp 1 .

- Trường hợp 2: độ dài mật khẩu là 3 kí tự.

Tương tự như trường hợp 1, ta có  cách chọn mật khẩu.

Vì có hai trường hợp rời nhau, mật khẩu có thể rơi vào một trong hai trường hợp, nên ta áp dụng quy tắc cộng. Tổng số mật khẩu có thể là .

# PHẦN B. BÀI TẬP TỰ LUẬN

**Câu 1.** Một bạn muốn đi từ tỉnh  đến tỉnh  trong một ngày nhất định. Biết rằng trong ngày hôm đó từ tỉnh  đến tỉnh  có  chuyến ô tô,  chuyến tàu. Hỏi bạn đó có bao nhiêu sự lựa chọn để đi từ  đến 

**Câu 2.** Một cửa hàng có  bó hoa ly,  bó hoa huệ,  bó hoa lan. Một bạn muốn mua một bó hoa tại cửa hàng này. Hỏi bạn đó có bao nhiêu sự lựa chọn?

**Câu 3.** Một lớp có  học sinh nam và  học sinh nữ. Hỏi giáo viên có bao nhiêu sự lựa chọn ra một bạn trong lớp để làm lớp trưởng?

**Câu 4.** Một nhà hàng có  loại rượu,  loại bia và  loại nước uống. Một thực khách muốn lựa chọn một loại đồ uống thì có bao nhiêu cách chọn?

**Câu 5.** Một giáo viên muốn ra đề kiểm tra  phút môn Toán phần lượng giác. Trong ngân hàng câu hỏi có  chủ đề, mỗi chủ đề có  câu. Để ra đề kiểm tra  gồm  câu và bao gồm tất cả các chủ đề thì giáo viên có bao nhiêu cách ra đề?

**Câu 6.** Có  bạn nữ và  bạn nam. Hỏi có bao nhiêu cách sắp xếp các bạn đó vào một hàng dọc sao cho nam nữ đứng xen kẽ nhau?

**Câu 7.** Một lớp có  học sinh giỏi Toán,  học sinh giỏi Văn,  học sinh giỏi Lịch Sử. Hỏi có bao nhiêu cách chọn ra  nhóm:

a/ Gồm  học sinh giỏi bất kỳ?

b/ Gồm  học sinh giỏi trong đó có tất cả học sinh giỏi của cả  môn?

 c/ Gồm  học sinh giỏi khác nhau?

**Câu 8.** Cho các số tự nhiên: 

a) Hỏi lập được bao nhiêu số tự nhiên có 5 chữ số?

b) Hỏi lập được bao nhiêu số tự nhiên có 5 chữ số khác nhau?

c) Hỏi lập được bao nhiêu số chẵn có 5 chữ số khác nhau?

**Câu 9.** Cho các số tự nhiên sau : .

a) Hỏi lập được bao số lẻ có 3 chữ số khác nhau?

b) Hỏi lập được bao nhiêu số tự nhiên có 3 chữ số khác nhau chia hết

c) Hỏi lập được bao nhiêu số tự nhiên có 3 chữ số mà có mặt chữ số 2

**Câu 10.** Cho các số tự nhiên : 

a) Hỏi lập được bao nhiêu số tự nhiên có 4 chữ số khác nhau?

b) Hỏi lập được bao nhiêu số lẻ có 4 chữ số khác nhau?

**Câu 11.** Cho các số tự nhiên .

a) Hỏi lập được bao nhiêu số chẵn có 3 chữ số khác nhau?

b) Hỏi lập được bao nhiêu số tự nhiên có 3 chữ số chia hết cho 3?

c) Hỏi lập được bao nhiêu số tự nhiên lớn hơn 601?

**Câu 12.** Từ các chữ số  có thể lập được mấy số tự nhiên có 5 chữ số khác nhau.

# PHẦN C. BÀI TẬP TRẮC NGHIỆM

**Câu 1.** Giả sử bạn muốn mua một áo sơ mi cỡ  hoặc cỡ . Áo cỡ  có  màu khác nhau, áo cỡ có  màu khác nhau. Hỏi có bao nhiêu sự lựa chọn (về màu áo và cỡ áo)?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 2.** Một người có  cái quần khác nhau,  cái áo khác nhau, chiếc cà vạt khác nhau. Để chọn một cái quần hoặc một cái áo hoặc một cái cà vạt thì số cách chọn khác nhau là:

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 3.** Trên bàn có  cây bút chì khác nhau,  cây bút bi khác nhau và  cuốn tập khác nhau. Một học sinh muốn chọn một đồ vật duy nhất hoặc một cây bút chì hoặc một cây bút bi hoặc một cuốn tập thì số cách chọn khác nhau là:

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 4.** Trong một trường THPT, khối  có  học sinh nam và  học sinh nữ. Nhà trường cần chọn một học sinh ở khối  đi dự dạ hội của học sinh thành phố. Hỏi nhà trường có bao nhiêu cách chọn?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 5.** Một trường THPT được cử một học sinh đi dự trại hè toàn quốc. Nhà trường quyết định chọn một học sinh tiên tiến lớp  hoặc lớp  Hỏi nhà trường có bao nhiêu cách chọn, nếu biết rằng lớp  có  học sinh tiên tiến và lớp  có  học sinh tiên tiến?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 6.** Trong một hộp chứa sáu quả cầu trắng được đánh số từ  đến  và ba quả cầu đen được đánh số  Có bao nhiêu cách chọn một trong các quả cầu ấy?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 7.** Giả sử từ tỉnh  đến tỉnh  có thể đi bằng các phương tiện: ô tô, tàu hỏa, tàu thủy hoặc máy bay. Mỗi ngày có  chuyến ô tô,  chuyến tàu hỏa,  chuyến tàu thủy và  chuyến máy bay. Hỏi có bao nhiêu cách đi từ tỉnh  đến tỉnh ?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 8.** Trong một cuộc thi tìm hiểu về đất nước Việt Nam, ban tổ chức công bố danh sách các đề tài bao gồm:  đề tài về lịch sử,  đề tài về thiên nhiên,  đề tài về con người và  đề tài về văn hóa. Mỗi thí sinh được quyền chọn một đề tài. Hỏi mỗi thí sinh có bao nhiêu khả năng lựa chọn đề tài?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 9.** Một tổ có  học sinh nữ và  học sinh nam. Hỏi có bao nhiêu cách chọn ngẫu nhiên một học sinh của tổ đó đi trực nhật.

**A.** . **B.** . **C.** . **D.** .

**Câu 10.** Có bao nhiêu số tự nhiên có chín chữ số mà các chữ số của nó viết theo thứ tự giảm dần:

**A.** . **B.** . **C.** . **D.** .

**Câu 11.** Có 3 kiểu mặt đồng hồ đeo tay (vuông, tròn, elip) và 4 kiểu dây (kim loại, da, vải và nhựa). Hỏi có bao nhiêu cách chọn một chiếc đồng hồ gồm một mặt và một dây?

**A.** 4. **B.** 7. **C.** 12. **D.** 16.

**Câu 12.** Một người có 4 cái quần, 6 cái áo, 3 chiếc cà vạt. Để chọn mỗi thứ một món thì có bao nhiều cách chọn bộ quần-áo-cà vạt khác nhau?

**A.** 13. **B.** 72. **C.** 12. **D.** 30.

**Câu 13.** Một thùng trong đó có  hộp đựng bút màu đỏ,  hộp đựng bút màu xanh. Số cách khác nhau để chọn được đồng thời một hộp màu đỏ, một hộp màu xanh là?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 14.** Trên bàn có  cây bút chì khác nhau,  cây bút bi khác nhau và  cuốn tập khác nhau. Số cách khác nhau để chọn được đồng thời một cây bút chì, một cây bút bi và một cuốn tập.

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 15.** Một bó hoa có  hoa hồng trắng,  hoa hồng đỏ và  hoa hồng vàng. Hỏi có mấy cách chọn lấy ba bông hoa có đủ cả ba màu.

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 16.** Một người vào cửa hàng ăn, người đó chọn thực đơn gồm một món ăn trong năm món, một loại quả tráng miệng trong năm loại quả tráng miệng và một nước uống trong ba loại nước uống. Có bao nhiêu cách chọn thực đơn.

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 17.** Trong một trường THPT, khối  có  học sinh nam và  học sinh nữ. Nhà trường cần chọn hai học sinh trong đó có một nam và một nữ đi dự trại hè của học sinh thành phố. Hỏi nhà trường có bao nhiêu cách chọn?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 18.** Một đội học sinh giỏi của trường THPT, gồm  học sinh khối  học sinh khối  học sinh khối  Số cách chọn ba học sinh trong đó mỗi khối có một em?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 19.** Có  cặp vợ chồng đi dự tiệc. Tổng số cách chọn một người đàn ông và một người đàn bà trong bữa tiệc phát biểu ý kiến sao cho hai người đó không là vợ chồng?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 20.** An muốn qua nhà Bình để cùng Bình đến chơi nhà Cường. Từ nhà An đến nhà Bình có  con đường đi, từ nhà Bình tới nhà Cường có  con đường đi. Hỏi An có bao nhiêu cách chọn đường đi đến nhà Cường?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 21.** Các thành phố A, B, C, D được nối với nhau bởi các con đường như hình vẽ. Hỏi có bao nhiêu cách đi từ A đến D mà qua B và C chỉ một lần?



**A.** 9. **B.** 10. **C.** 18. **D.** 24.

**Câu 22.** Các thành phố A, B, C, D được nối với nhau bởi các con đường như hình vẽ. Hỏi có bao nhiêu cách đi từ A đến D rồi quay lại A?



**A.** 1296. **B.** 784. **C.** 576. **D.** 324.

**Câu 23.** Có  cái bút khác nhau và  quyển sách giáo khoa khác nhau. Một bạn học sinh cần chọn  cái bút và  quyển sách. Hỏi bạn học sinh đó có bao nhiêu cách chọn?

**A.** . **B.** . **C.** . **D.** .

**Câu 24.** Một hộp đựng  bi đỏ và  bi xanh. Có bao nhiêu cách lấy  bi có đủ cả  màu?

**A.** . **B.** . **C.** . **D.** .

**Câu 25.** Một người vào cửa hàng ăn, người đó chọn thực đơn gồm  món ăn trong  món ăn,  loại quả tráng miệng trong  loại quả tráng miệng và  loại nước uống trong  loại nước uống. Hỏi có bao nhiêu cách chọn thực đơn?

**A.** . **B.** . **C.** . **D.** .

**Câu 26.** Có bao nhiêu số tự nhiên có hai chữ số mà cả hai chữ số đều lẻ?

**A.** ****. **B.** ****. **C.** ****. **D.** ****.

**Câu 27.** Số các số tự nhiên chẵn, gồm bốn chữ số khác nhau đôi một và không tận cùng bằng 0 là :

**A.** . **B.** . **C.** . **D.** .

**Câu 28.** Có bao nhiêu số tự nhiên có 3 chữ số đôi một khác nhau?

**A.** ****. **B.** ****. **C.** ****. **D.** ****.

**Câu 29.** Có 10 quả cầu đỏ được đánh số từ 1 đến 10, 7 quả cầu xanh được đánh số từ 1 đến 7 và 8 quả cầu vàng được đánh số từ 1 đến 8. Hỏi có bao nhiêu cách lấy ra 3 quả cầu khác màu và khác số.

**A.** 392 **B.** 1023 **C.** 3014 **D.** 391

**Câu 30.** Có bao nhiêu số tự nhiên có  chữ số được lập từ sáu chữ số , , , , , ?

**A.** ****. **B.** ****. **C.** ****. **D.** ****.

**Câu 31.** Cho các số  có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên có  chữ số với các chữ số khác nhau:

**A.** . **B.** . **C.** . **D.** .

**Câu 32.** Trong một tuần bạn A dự định mỗi ngày đi thăm một người bạn trong 12 người bạn của mình. Hỏi bạn A có thể lập được bao nhiêu kế hoạch đi thăm bạn của mình (thăm một bạn không quá một lần)?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 33.** Nhãn mỗi chiếc ghế trong hội trường gồm hai phần: phần đầu là một chữ cái (trong bảng  chữ cái tiếng Việt), phần thứ hai là một số nguyên dương nhỏ hơn  Hỏi có nhiều nhất bao nhiêu chiếc ghế được ghi nhãn khác nhau?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 34.** Biển số xe máy của tỉnh  (nếu không kể mã số tỉnh) có  kí tự, trong đó kí tự ở vị trí đầu tiên là một chữ cái (trong bảng  cái tiếng Anh), kí tự ở vị trí thứ hai là một chữ số thuộc tập  mỗi kí tự ở bốn vị trí tiếp theo là một chữ số thuộc tập  Hỏi nếu chỉ dùng một mã số tỉnh thì tỉnh  có thể làm được nhiều nhất bao nhiêu biển số xe máy khác nhau?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 35.** Số 253125000 có bao nhiêu ước số tự nhiên?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 36.** Từ các chữ số  có thể lập được bao nhiêu chữ số tự nhiên có  chữ số (không nhất thiết phải khác nhau)?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 37.** Có bao nhiêu số tự nhiên có hai chữ số mà hai chữ số đều chẵn?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 38.** Từ các chữ số  có thể lập được bao nhiêu chữ số tự nhiên bé hơn ?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 39.** Từ các chữ số  có thể lập được bao nhiêu số lẻ gồm  chữ số khác nhau?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 40.** Từ các chữ số  có thể lập được bao nhiêu số chẵn gồm  chữ số khác nhau?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 41.** Từ các chữ số , , , , , ,  có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên chẵn có ba chữ số?

**A.** . **B.** ****. **C.** . **D.** .

**Câu 42.** Có bao nhiêu sỗ chẵn gồm 6 chữ số khác nhau, trong đó chữ số đầu tiên là chữ số lẻ? Câu trả lời nào đúng?

**A.**  số. **B.** **** số. **C.**  số. **D.**  số.

**Câu 43.** Cho các chữ số 1, 2, 3,., 9. Từ các số đó có thể lập được bao nhiêu số chẵn gồm 4 chữ số khác nhau và không vượt quá 2011.

**A.** 168 **B.** 170 **C.** 164 **D.** 172

**Câu 44.** Từ các số  lập được bao nhiêu số tự nhiên gồm 4 chữ số khác nhau và là số lẻ

**A.** 360 **B.** 343 **C.** 480 **D.** 347

**Câu 45.** Có bao nhiêu cách xếp 4 người A,B,C,D lên 3 toa tàu, biết mỗi toa có thể chứa 4 người.

**A.** 81 **B.** 68 **C.** 42 **D.** 98

**Câu 46.** Có 3 nam và 3 nữ cần xếp ngồi vào một hàng ghế. Hỏi có mấy cách xếp sao cho nam, nữ ngồi xen kẽ?

**A.** 72 **B.** 74 **C.** 76 **D.** 78

**Câu 47.** Có bao nhiêu cách sắp xếp  nữ sinh,  nam sinh thành một hàng dọc sao cho các bạn nam và nữ ngồi xen kẽ:

**A.** . **B.** . **C.** . **D.** .

**Câu 48.** Số điện thoại ở Huyện Củ Chi có  chữ số và bắt đầu bởi  chữ số đầu tiên là. Hỏi ở Huyện Củ Chi có tối đa bao nhiêu máy điện thoại:

**A.** . **B.** . **C.** . **D.** .

**Câu 49.** Trong một giải thi đấu bóng đá có 20 đội tham gia với thể thức thi đấu vòng tròn. Cứ hai đội thì gặp nhau đúng một lần. Hỏi có tất cả bao nhiêu trận đấu xảy ra.

**A.** 190 **B.** 182 **C.** 280 **D.** 194

**Câu 50.** Từ các chữ số  có thể lập được bao nhiêu chữ số tự nhiên bé hơn ?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 51.** Từ các chữ số  có thể lập được bao nhiêu số **lẻ** gồm  chữ số khác nhau?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 52.** Từ các chữ số  có thể lập được bao nhiêu số **chẵn** gồm  chữ số khác nhau?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 53.** Cho tập  từ tập  có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên có  chữ số và chia hết cho ?

**A.** **.** **B.** **.** **C.** **.** **D.** **.**

**Câu 54.** Có  học sinh và  thầy giáo , , . Hỏi có bao nhiêu cách xếp chỗ  người đó ngồi trên một hàng ngang có  chỗ sao cho mỗi thầy giáo ngồi giữa hai học sinh.

**A.** . **B.** . **C.** . **D.** .

**Câu 55.** Một liên đoàn bóng đá có  đội, mỗi đội phải đá  trận với mỗi đội khác,  trận ở sân nhà và  trận ở sân khách. Số trận đấu được sắp xếp là:

**A.** **** **B.** ****. **C.** ****. **D.** **.**

**Câu 56.** Từ tập có thể lập được bao nhiêu số gồm 8 chữ số đôi một khác nhau sao chữ số đầu chẵn chữ số đứng cuối lẻ.

**A.** 11523 **B.** 11520 **C.** 11346 **D.** 22311

**Câu 57.** Có bao nhiêu số tự nhiên nhỏ hơn  chia hết cho  và .

**A.** . **B.** . **C.** . **D.** .

**Câu 58.** Cho tập . Từ tập A có thể lập được bao nhiêu số gồm 8 chữ số đôi một khác nhau sao các số này lẻ không chia hết cho 5.

**A.** 15120 **B.** 23523 **C.** 16862 **D.** 23145

**Câu 59.** Cho tập . Từ tập A có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên gồm 5 chữ số và chia hết cho 5.

**A.** 660 **B.** 432 **C.** 679 **D.** 523

**Câu 60.** Số các số tự nhiên gồm  chữ số chia hết cho  là:

**A.** **.** **B.** **.** **C.** **.** **D.** **.**

**Câu 61.** Cho tập hợp số: .Hỏi có thể thành lập bao nhiêu số có 4 chữ số khác nhau và chia hết cho 3.

**A.** 114 **B.** 144 **C.** 146 **D.** 148

**Câu 62.** Một hộp chứa  quả cầu gồm sáu quả cầu xanh đánh số từ  đến , năm quả cầu đỏ đánh số từ  đến  và năm quả cầu vàng đánh số từ  đến . Hỏi có bao nhiêu cách lấy ra từ hộp đó  quả cầu vừa khác màu vừa khác số.

**A.** . **B.** . **C.** . **D.** .

**Câu 63.** Một bàn dài có 2 dãy ghế đối diện nhau, mỗi dãy gồm có 6 ghế. Người ta muốn xếp chỗ ngồi cho 6 học sinh trường  và 6 học sinh trường  vào bàn nói trên. Hỏi có bao nhiêu cách xếp chỗ ngồi sao cho bất kì 2 học sinh nào ngồi cạnh nhau hoặc đối diện nhau thì khác trường nhau.

**A.** 1036800 **B.** 234780 **C.** 146800 **D.** 2223500

**Câu 64.** Có bao nhiêu cách sắp xếp  nữ sinh,  nam sinh thành một hàng dọc sao cho các bạn nam và nữ ngồi xen kẻ:

**A.** . **B.** . **C.** . **D.** .

**Câu 65.** Từ các chữ số **,** ****, , **,** **,** **** có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên lẻ có bốn chữ số đôi một khác nhau và phải có mặt chữ số .

**A. **số. **B.** ****số. **C.** ****số. **D.** ****số.

**Câu 66.** Từ các chữ số , , , , ,  có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên gồm  chữ số đôi một khác nhau trong đó hai chữ số  và  không đứng cạnh nhau.

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 67.** Một phiếu điều tra về đề tự học của học sinh gồm  câu hỏi trắc nghiệm, mỗi câu có bốn lựa chọn để trả lời. Khi tiến hành điều tra, phiếu thu lại được coi là hợp lệ nếu người được hỏi trả lời đủ  câu hỏi, mỗi câu chỉ chọn một phương án. Hỏi cần tối thiểu bao nhiêu phiếu hợp lệ để trong số đó luôn có ít nhất hai phiếu trả lời giống hệt nhau cả  câu hỏi?

**A.** . **B.** . **C.** . **D.** .

**Câu 68.** Gọi  là tập hợp tất cả các số tự nhiên gồm 5 chữ số đôi một khác nhau được lập từ các chữ số  Tính tổng tất cả các số thuộc tâp 

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 69.** Từ các chữ số , , , , ,  có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên lẻ có  chữ số khác nhau và trong mỗi số đó tổng của ba chữ số đầu lớn hơn tổng của ba chữ số cuối một đơn vị

**A.** . **B.** . **C.** . **D.** .

**Câu 70.** Tô màu các cạnh của hình vuông  bởi  màu khác nhau sao cho mỗi cạnh được tô bởi một màu và hai cạnh kề nhau thì tô bởi hai màu khác nhau. Hỏi có bao nhiêu cách tô?

**A.** . **B.** . **C.** . **D.** .

**Câu 71.** Cho  chữ số , , , , . Lập các số tự nhiên có  chữ số đôi một khác nhau từ  chữ số đã cho. Tính tổng của các số lập được.

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 72.** Có bao nhiêu số có  chữ số được tạo thành từ các chữ số , ,  sao cho bất kì  chữ số nào đứng cạnh nhau cũng hơn kém nhau  đơn vị?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 73.** Hỏi có tất cả bao nhiêu số tự nhiên chia hết cho  mà mỗi số  chữ số và trong đó có ít nhất hai chữ số .

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 74.** Từ các số  có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên, mỗi số có 6 chữ số đồng thời thỏa điều kiện: sáu số của mỗi số là khác nhau và trong mỗi số đó tổng của 3 chữ số đầu nhỏ hơn tổng của 3 số sau một đơn vị.

**A.** 104 **B.** 106 **C.** 108 **D.** 112